

I'm not a robot!

EJERCICIOS RESUELTOS DE ESTÁTICA DE FLUIDOS

1. Se lee una presión manométrica de 20 psig en un tanque que contiene un fluido desconocido, a una profundidad de 20 pies. Determine el peso específico, la densidad y la densidad relativa del fluido.
 Solución: $P_{man} = \gamma h$; entonces, $\gamma = P_{man}/h = 20 \text{ lbf/in}^2 \cdot (144 \text{ in}^2/1 \text{ pie}^2) / (20 \text{ pie}) = 144 \text{ lbf/pie}^2 = \gamma$
 $\rho = 144 \text{ lbm/pie}^3$
 $G = \rho / \rho_{Hg} = 144 \text{ lbm/pie}^3 / 62.43 \text{ lbm/pie}^3 = 2.3$
 ** En N/m³ su peso específico será $(2.3 \cdot 9800) = 22540 \text{ N/m}^3$ En kg/m³ su densidad será $(2.3 \cdot 1000) = 2300 \text{ kg/m}^3$
2. Un manómetro de vacío conectado a un tanque lee 30 kPa en un sitio donde la presión barométrica es 755 mmHg. Determine la presión absoluta en el tanque. Tome la densidad relativa del mercurio como 13,59.
 Solución: $P_{atm} = 30 \text{ kPa}$; $P_{bar} = P_{atm} + P_{vac} = 755 \cdot 101,3 / 760 = 100,65 \text{ kPa}$
 $P_{abs} = P_{atm} + P_{vac} = 30 + 100,65 = 130,65 \text{ kPa}$
3. Calcule la presión absoluta si el manómetro de mercurio en U tiene un $\Delta h = 25 \text{ cm}$ y la presión atmosférica local es 90 kPa.
 Solución: $P_{abs} = (\gamma_{Hg} - \gamma_{H2O})\Delta h = \gamma_{Hg}(G_{Hg} - 1)\Delta h = 9810 \text{ N/m}^3 \cdot (13,6 - 1) \cdot 0,25 \text{ m} = 30901,5 \text{ Pa}$
 $P_{abs} = P_{atm} + P_{vac} = 90000 + 30901,5 = 120901,5 \text{ Pa}$
4. Exprese una presión manométrica de vacío de 75 mmHg como: a) Presión manométrica en Pa, mmHg y atm.
 Solución: (-75 mmHg/760 mmHg) * 101325 Pa = -9999,2 Pa; en mmHg es -75 mmHg; en atm: (-75/760) * 1 atm = -0,1 atm
5. La presión en el fondo de un tanque alcohol propílico, a 25°C, debe mantenerse en 52,75 kPa. ¿Cuál debe ser la altura del tanque considerando que la densidad relativa del propanol a esa temperatura es 0,862?
 Solución: $P_{vac} = \gamma h$; entonces: $h = P_{vac} / \gamma = 52,75 \text{ kPa} / (0,862 \cdot 9,81 \text{ N/m}^3) = 6,23 \text{ m}$



6. Un depósito cerrado contiene aire comprimido y aceite ($D_{rel,aceite} = 0,90$). Al depósito se conecta un manómetro de tubo en U con mercurio ($D_{rel,mercurio} = 13,6$). Para las alturas de columna $h_1 = 36''$ (pulgadas), $h_2 = 6''$, $h_3 = 9''$, determine la lectura de presión en el manómetro (en psig).
 Datos: $\gamma_{Hg} = 62,4 \text{ libras/pie}^3$
 Solución:

$$P_{man} = h_2 \gamma_{Hg} = h_2 \gamma_{Hg,mercurio} = h_1 \gamma_{Hg,aceite}$$

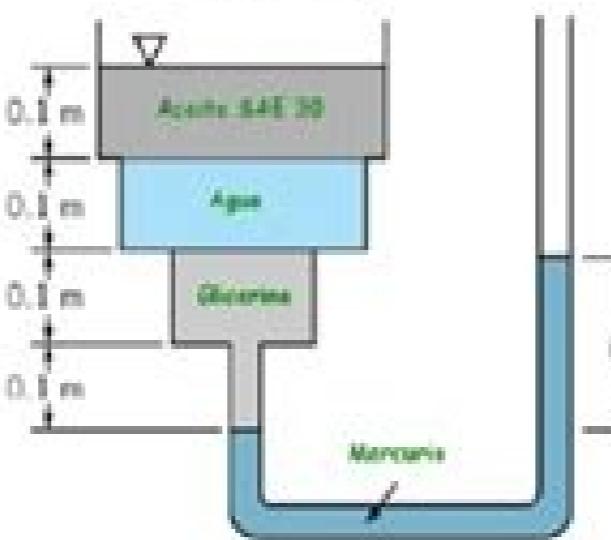
$$= [(9 + 0,0254 \cdot 13,6) - (6 + 0,0254 \cdot 0,9) - (36 + 0,0254 \cdot 0,9)]$$

$$\cdot 9810 \text{ N/m}^3 = 21810,12 \text{ Pa} \cdot \left(\frac{14,7 \text{ psi}}{101325 \text{ Pa}} \right) = 3,06 \text{ psig}$$

7. Un depósito se construye con una serie de cilindros que tienen diámetros de 0.30, 0.25 y 0.15 m. El depósito contiene aceite, agua y glicerina, y en el fondo se conecta con un manómetro de mercurio. Calcular la lectura h del manómetro.
 Solución:
 Los diámetros no interesan. Son datos sobrantes.
 Se buscan las densidades relativas del Aceite SAE30 (0,9) y de la glicerina (1,25).

$$\begin{aligned} P_{Hg} &= P_{aceite} + P_{agua} + P_{glicerina} \\ \gamma_{Hg} h &= \gamma_{aceite} 0,1 + \gamma_{agua} 0,1 + \gamma_{glicerina} 0,2 \\ 13,6 + 9810 \cdot h &= [(0,9 + 0,1) + (1 + 0,1) + (1,25 \cdot 0,2)] \cdot 9810 \\ h &= \frac{13,6}{11,6} = 0,0323 \text{ m} = 3,23 \text{ cm} \end{aligned}$$

8. Para el manómetro de tubo inclinado de la figura, la presión en el tubo A es de 0,8 psi. El fluido en ambos tubos A y B es agua, y el fluido en el manómetro tiene una densidad relativa de 2,6. ¿Cuál es la presión en el tubo B correspondiente a la lectura diferencial que se muestra?



La figura muestra un tanque de agua con una válvula en el fondo. Si ésta válvula se abre, ¿cuál es la altura máxima alcanzada por el chorro de agua que salga del lado derecho del tanque? Suponga que $h=10,0 \text{ m}$, $L=2,00 \text{ m}$, y $\theta=30^\circ$ y que el área de sección transversal en A es muy grande en comparación con la que hay en B.

Datos:



$$\begin{aligned} &\rightarrow h = 10 \text{ m} \\ &\rightarrow L = 2 \text{ m} \\ &\theta = 30^\circ \\ &\rightarrow A \gg B \\ &h = ? \end{aligned}$$

* Aplicamos la ecuación de Bernoulli en los puntos (1) y (2)

$$P_1 + \rho g y_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = P_2 + \rho g y_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$\begin{aligned} P_1 &= P_0 \quad (\text{P. ATMOSFÉRICO}) \\ y_1 &= h \quad ; \quad y_2 = L \cdot \sin \theta \quad ; \quad v_1 \approx 0 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \rho g h = \rho g L \sin \theta + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$v_1 = \sqrt{2g(h - L \sin \theta)} = \sqrt{2 \cdot 9,8 (10 - 2 \cdot \sin 30^\circ)}$$

$$v_2 = 13,28 \text{ m/s}$$

$$\begin{aligned} v_{oy} &= v_1 \sin 30^\circ = 13,28 \sin 30^\circ \\ v_{oy} &= 6,64 \text{ m/s} \end{aligned}$$

$$V_{Fy}^2 = V_{oy}^2 - 2gh$$

$$0 = V_{oy}^2 - 2gh \Rightarrow h = \frac{V_{oy}^2}{2g} = \frac{(6,64)^2}{2 \cdot 9,8} \Rightarrow \boxed{h = 2,25 \text{ m}}$$

Nota: agua fluye como si fuera en un tanque abierto al aire, con portanombre constante ($\gamma = \gamma_0$). No tiene un efecto en el resultado la presión total en el fondo del tanque (P_0), puesto que el agua no se expone a la atmósfera.



Si abrimos la válvula de la parte A, la presión es γ_0 , pero toda la velocidad v_A .

$$\Rightarrow \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

$$\rho_3 v_2^2 = \cancel{\rho_1} \rho_2 v_1^2 + \cancel{\rho_2} \rho_3 v_2^2$$

